



# ৯ম-১০ম শ্রেণি **সাধারণ গণিত**

আলোচ্য বিষয়

অধ্যায় ৯ - ত্রিকোণমিতি

অনলাইন ব্যাচ সম্পর্কিত যেকোনো জিজ্ঞাসায়,

কল করো 😢 16910





## ব্যবহারবিধি



দেখে নাও এই অধ্যায় থেকে কোথায় কোথায় প্রশ্ন এসেছে এবং সৃজনশীল ও বহুনির্বাচনীর গুরুত্ব।

## 🖈 কুইক টিপস

সহজে মনে রাখার এবং দ্রুত ক্যালকুলেশন করতে সহায়ক হবে।

## ? বহুনির্বাচনী (MCQ)

বিগত বছর গুলোতে বোর্ড, স্কুল, কলেজ এবং বিশ্ববিদ্যালয়ে আসা বহুনির্বাচনী প্রশ্ন দেখে নাও উত্তরসহ।

## 🡼 সৃজনশীল (CQ)

পরীক্ষায় আসার মতো গুরুত্বপূর্ণ সৃজনশীল দেখে নাও উত্তরসহ।

## 📒 প্র্যাকটিস

পরীক্ষায় আসার মতো গুরুত্বপূর্ণ সমস্যাগুলো প্র্যাকটিস করে নিজেকে যাচাই করে নাও।

## 🤛 উত্তরমালা

প্র্যাকটিস সমস্যাগুলোর উত্তরগুলো মিলিয়ে নাও।

## 🛨 উদাহরণ

টপিক সংক্রান্ত উদাহরণসমূহ।

## 💈 সূত্রের আলোচনা

সূত্রের ব্যাপারে বিস্তারিত জেনে নাও।

## 🦰 টাইপ ভিত্তিক সমস্যাবলী

সম্পূর্ণ অধ্যায়ের সুসজ্জিত আলোচনা।





## 🌶 এক নজরে...

- ✓ ত্রিকোণমিতিক অনুপাত
- ✓ সমকোণী ত্রিভুজ
- √ অতিভুজ
- ✓ বিপরীত বাহু
- ✓ সন্নিহিত বাহু

### ত্রিকোণমিতিক অনুপাত

- ✓ Trigonometry শব্দটি গ্রিক Tri অর্থ তিন, gon অর্থ ধার ও metron অর্থ পরিমাপ। মূলত ত্রিকোণমিতি সমকোণী ত্রিভুজের বাহু ও কোণের মধ্যে সম্পর্ক বিষয়ে আলোচনা করা হয়।
- ✓ মিশর ও ব্যাবিলনীয় সভ্যতায় ত্রিকোণমিতি ব্যবহারের নির্দেশনা।

#### সমকোণী ত্রিভুজের বাহুগুলোর নামকরণ:

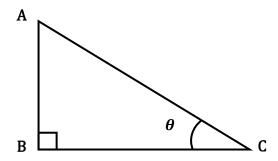
আমরা জানি, সমকোণী ত্রিভুজের বাহুগুলো অতিভুজ, ভুমি ও লম্ব। ত্রিভুজের আনুভূমিক অবস্থানের জন্য এ নামসমূহ সার্থক। আবার সমকোণী ত্রিভুজের সূক্ষকোণদ্বয়ের যেকোনো একটি সাপেক্ষে অবস্থানের প্রেক্ষিতে ও বাহুগুলোর নামকরণ করা হয়। যথা:

**অতিভূজ:** সমকোণী ত্রিভুজের সমকোণের বিপরীত বাহুকে অতিভূজ বলা হয়। সমকোণী ত্রিভুজের বৃহত্তম বাহুই অতিভূজ।

বিপরীত বাহু: সমকোণী ত্রিভুজের প্রদত্ত সূক্ষ্মকোণের সরাসরি বিপরীত দিকের বাহুকে বিপরীত বাহু বলে। অর্থাৎ,  $\theta$  এর বিপরীত বাহুকে বিপরীত বাহু বলা হয়। এই বিপরীত বাহুকে লম্ব বলে।

সামিহিত বাহু: সমকোণী ত্রিভুজের প্রদত্ত সূক্ষ্মকোণ সংলগ্ন বাহুকে সন্নিহিত বাহু বলে। এ সন্নিহিত বাহুকে ভূমি বলা হয়। এই বিপরীত বাহুকে লম্ব বলে।

প্রদত্ত কোণ সৃষ্টিকারী একটি রেখাংশ।

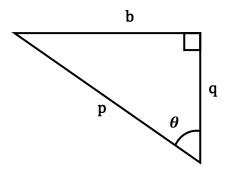






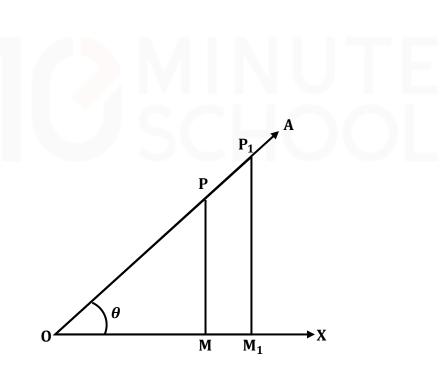
এখানে,  $\triangle ABC$  এ  $\angle ABC = 90^\circ$  এক সমকোণ।

- ∴ সমকোণের বিপরীত বাহু AC; অর্থাৎ অতিভুজ।
- $\therefore$  সুক্ষাকোণ  $\angle ACB$  এর বিপরীত বাহু AB; অর্থাৎ লম্ব/বিপরীত বাহু।
- $\therefore$  সুক্ষাকোণ  $\angle ACB$  সংলগ্ন বাহু BC; অর্থাৎ ভূমি/সন্নিহিত বাহু।



এখানে, অতিভূজ p বিপরীত বাহু b

সন্নিহিত বাহু Q



মনে করি,  $\angle XOA =$  সুক্ষাকোণ এবং OX এর উপর যথাক্রমে PM ও PM1 লম্ব। এখন,  $\triangle POM$  ও  $\triangle P1OM$  1 এ

 $\angle PMO = \angle P_1 M_1 O$  [যেহেতু লম্ব অর্থাৎ সমকোণ]

 $\angle POM = \angle P_1OM_1$  [সাধারণ বেস]

অবশিষ্ট  $\angle MPO =$  অবশিষ্ট  $\angle M_1P_1O$ 





 $\triangle POM$  ও  $\triangle 1POM1$  সদৃশকোণী তথা সদৃশ। অর্থাৎ,

$$\frac{PM}{P_1M_1} = \frac{OP}{OP_1}$$

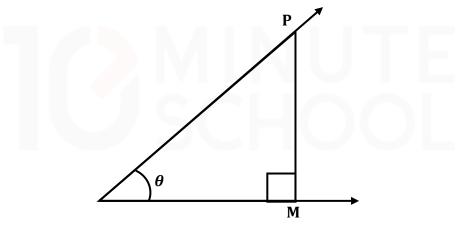
$$\frac{OM}{OM1} = \frac{OP}{OP_1}$$

বা, 
$$\frac{OM}{OP} = \frac{OM_1}{OP_1}$$

$$\frac{PM}{P_1M_1} = \frac{OM}{OM_1}$$

$$\overline{A}, \frac{PM}{OM} = \frac{P_1 M_1}{OM_1}$$

অর্থাৎ, অনুপাতসমূহের প্রত্যেকটি ধ্রুবক, একে ত্রিকোণমিতি অনুপাত বলে।



সমকোণী ত্রিভুজের সুক্ষকোণ  $(\theta)$  এর ৬ টি ত্রিকোণমিতিক অনুপাত পাওয়া যায়। যথা-

$$i.$$
  $sin\theta = \frac{\text{বিপরীত বাহু}}{\text{অতিভূজ}} = \frac{PM}{OM}$ 

$$ii.$$
  $\cos\theta = \frac{\pi i \pi i \pi i \pi i \pi}{\pi i \pi i \pi} = \frac{oM}{oP}$ 

$$iii. \ \tan\theta = \frac{\text{বিপরীত বাহু}}{\text{সন্নিহিত বাহু}} = \frac{PM}{OM}$$

$$iv.$$
  $cot\theta = \frac{\pi i \pi i 2 \sigma dig}{\pi i 2 \sigma dig} = \frac{oM}{PM}$ 





$$v. \quad \sec \theta = \frac{$$
 অতিভূজ}{সন্নিহিত বাহু} =  $\frac{OP}{OM}$ 

vi. 
$$\csc\theta = \frac{$$
অতিভূজ}{বিপরীত বাহু} =  $\frac{OM}{PM}$ 

এখানে পাওয়া যায়

$$sin\theta = \frac{1}{\cos\theta}$$

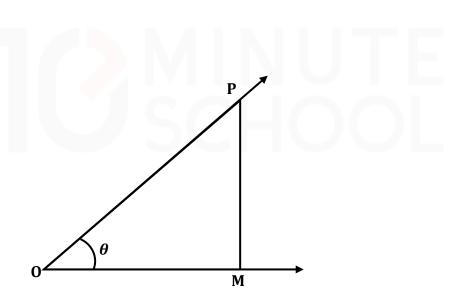
$$\cos\theta = \frac{1}{\sec\theta}$$

$$\tan\theta = \frac{1}{\cot\theta}$$

আবার,

$$tan\theta = \frac{sin\theta}{cos\theta}$$

$$\cot\theta = \frac{\cos\theta}{\sin\theta}$$



এখানে,

$$sin^{2}\theta + cos^{2}\theta = \left(\frac{PM}{OP}\right)^{2} + \left(\frac{OM}{OP}\right)^{2}$$
$$= \frac{PM^{2}}{OP^{2}} + \frac{OM^{2}}{OP^{2}}$$
$$= \frac{PM^{2} + OM^{2}}{OP^{2}}$$
$$= \frac{OP^{2}}{OP^{2}}$$





$$\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$$
  $\sec^2 \theta = (\frac{OP}{OM})^2$   $= \frac{OM^2 + PM^2}{OM^2}$  [OP সমকোণী  $\triangle POM$  এর অতিভূজ বলে।]  $= \frac{OM}{OM^2} + \frac{PM}{OM^2}$ 

$$= 1 + \left(\frac{PM}{OM}\right)^2$$

= 1

$$= 1 + tan^2\theta$$
$$cosec^2\theta = (cosec)^2$$

$$=\left(\frac{OP}{OM}\right)^2$$

$$=\frac{OP}{OM^2}^2$$

$$=rac{PM^2+OM^2}{PM^2}\left[ extsf{OP}
ight.$$
সমকোণী  $riangle POM$  এর অতিভূজ বলে। $ight]$ 

$$= \frac{PM^2}{PM^2} + \frac{OM^2}{PM^2}$$

$$=1+(\frac{OM}{PM})^2$$

$$= 1 + (cot)^2$$

$$=1+cot^2\theta$$

30°, 45°, ও 60° কোণের ত্রিকোণমিতিক অনুপাত:

30° ও 60° কোণের ত্রিকোণমিতিক অনুপাত:

মনে করি,  $\angle xoz=30^\circ$  এবং  $\bigcirc Z$  বাহুতে  $\bigcirc$  একটি বিন্দু।  $pm\perp ox$  আঁকি এবং pm কে  $\bigcirc$  পর্যন্ত বর্ধিত করি যেন MQ=PM হয়।  $\bigcirc$ , $\bigcirc$  যোগ করে Z পর্যন্ত বর্ধিত করি। এখন,

 $\triangle$  POM ও  $\triangle$  QOM এর মধ্যে,

$$PM = QM$$

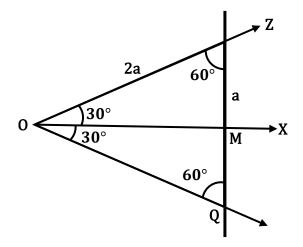
OM সাধারণ বাহু এবং

অন্তর্ভুক্ত 
$$\angle PMO =$$
 অন্তর্ভুক্ত  $\angle QMO = 90^\circ$ 

$$\therefore \triangle \ POM \cong \triangle \ QOM$$







অতএব, 
$$\angle QOM = \angle POM = 30^{\circ}$$

এবং, 
$$\angle OQM = \angle OPM = 60^{\circ}$$

আবার, 
$$\angle POQ = \angle POM + \angle QOM$$

$$= 30^{\circ} + 30^{\circ}$$

$$= 60^{\circ}$$

∴ △ OPQ একটি সমবাহু ত্রিভুজ।

যদি OP = 2a হয়,

তবে 
$$PM = \frac{1}{2}PQ$$

$$=\frac{1}{2}OP$$

= a [যেহেতু একটি  $\triangle \mathit{OPQ}$  সমবাহু ত্রিভুজ।]

সমকোণী  $\triangle$  *OPM* হতে পাই,

$$OM = \sqrt{OP^2 - PM^2}$$

$$= \sqrt{4a^2 - a^2}$$

$$=\sqrt{3}a$$





### ᢧ সূত্রের আলোচনা

(ক)  $\frac{\pi}{6}$  (30°) কোণের ত্রিকোণমিতিক অনুপাত সমূহ:

পাশের চিত্রে,

$$r=2a$$
 হলে,

$$y = a$$

এবং 
$$x = \sqrt{3}a$$

এবং 
$$\angle POB = \frac{\pi}{6}$$

$$\therefore \sin \frac{\pi}{6} = \frac{y}{r}$$

$$= \frac{a}{2a} = \frac{1}{2}$$

$$\therefore \cos\frac{\pi}{6} = \frac{x}{r}$$

$$=\frac{\sqrt{3}a}{2a}=\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\therefore \tan \frac{\pi}{6} = \frac{y}{x}$$

$$= \frac{a}{\sqrt{3}a} = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

$$\therefore \cot \frac{\pi}{6} = \frac{x}{y}$$

$$=\frac{\sqrt{3}a}{a}=\sqrt{3}$$

$$\therefore \sec \frac{\pi}{6} = \frac{r}{x}$$

$$= \frac{2a}{\sqrt{3}a} = \frac{2}{\sqrt{3}}$$

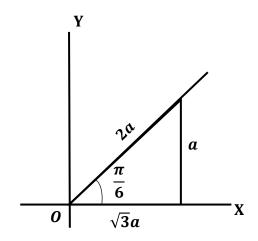
$$\therefore cosec \frac{\pi}{6} = \frac{r}{v}$$

$$=\frac{2a}{a}=2$$

(খ)  $\frac{\pi}{4}$  (45°) কোণের ত্রিকোণমিতিক অনুপাত সমূহ:

পাশের চিত্রে,

$$r = \sqrt{2}a$$





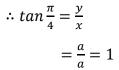
x = a

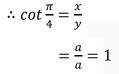
$$y = a$$

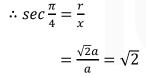
এবং 
$$\angle POB = \frac{\pi}{4}$$

$$\therefore \sin \frac{\pi}{4} = \frac{y}{r}$$
$$= \frac{a}{\sqrt{2}a} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

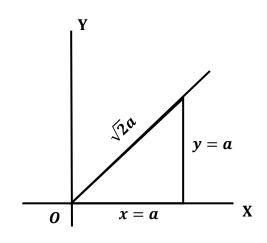
$$\therefore \cos \frac{\pi}{4} = \frac{x}{r}$$
$$= \frac{a}{\sqrt{2}a} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$







$$\therefore cosec \frac{\pi}{4} = \frac{r}{y}$$
$$= \frac{\sqrt{2}a}{a} = \sqrt{2}$$



 $\frac{\pi}{2}=90^\circ$  এবং  $0^\circ$  কোণের ত্রিকোণমিতেক অনুপাতসমূহের মান নির্ণয়ের জন্য আমরা ত্রিকোণমিতিক অনুপাতের সংখ্যা ব্যবহার করব। এখানে উল্লেখ্য যে, শূন্য দ্বারা কোন কিছুকেই ভাগ করা যায় না বা শুন্য দ্বারা ভাগ গ্রহনযোগ্য নয় (Division by 0 is not allowed) অথবা শুন্য দ্বারা ভাগ অসংজ্ঞায়িত (Undefined)।

(1)  $\frac{\pi}{2}$  (90°) কোণের ত্রিকোণমিতিক অনুপাত সমূহ লিখ।

সমাধান:  $\sin \frac{\pi}{2} = 1$ 

$$\cos\frac{\pi}{2} = 0$$





 $\tan\frac{\pi}{2} =$  অসংজ্ঞায়িত

$$\cot \frac{\pi}{2} = 0$$

$$\sec \frac{\pi}{2} =$$
 অসংজ্ঞায়িত

$$\csc\frac{\pi}{2} = 1$$

- (i) 0.1.2.3 এবং 4 সংখ্যাগুলোর প্রত্যেকটি 4 দ্বারা ভাগ করে ভাগফলের বর্গমূল নিলে যথাক্রমে  $sin0^\circ$ ,  $sin30^\circ$ ,  $sin45^\circ$ ,  $sin60^\circ$  এবং  $sin90^\circ$  এর মান পাওয়া যায়।
- (ii) 4,3,2,1 এবং 0 সংখ্যাগুলোর প্রত্যেকটি 4 দ্বারা ভাগ করে ভাগফলের বর্গমূল নিলে যথাক্রমে  $\cos 30^\circ$ ,  $\cos 45^\circ$ ,  $\cos 60^\circ$  এবং  $\cos 90^\circ$  এর মান পাওয়া যায়।

অনুপাত/কোণ	0° = θ	$\theta = 30^{\circ} = \frac{\pi}{6}$	$ heta=45^{\circ}$ = $rac{\pi}{4}$	$\theta = 60^{\circ} = \frac{\pi}{3}$	$\theta = 90^{\circ} = \frac{\pi}{2}$	
sine	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1	
cosine	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	$\frac{1}{2}$	0	
tangent	0	$\frac{1}{\sqrt{3}}$	1	√3	অসংজ্ঞায়িত	
cotangent	অসংজ্ঞায়িত	√3	1	$\frac{1}{\sqrt{3}}$	0	
secant	1	$\frac{2}{\sqrt{3}}$	√2	2	অসংজ্ঞায়িত	
cosecant	অসংজ্ঞায়িত	2	√2	$\frac{2}{\sqrt{3}}$	1	

### পূরক কোণের ত্রিকোণমিতিক অনুপাত:

আমরা জানি যে, দুইটি সুক্ষাকোণের পরিমাপের সমষ্টি 90° হলে, তাদের একটিকে অপরটির পূরক কোণ বলা হয়।

সাধারণভাবে heta ও  $(90^{\circ}$ - heta) কোণ পরস্পরের পূরক কোণ।

মনেকরি,  $\angle XOY = \theta$  এবং এই কোণে  $\bigcirc Y$  বাহুর উপর একটি বিন্দু।  $PM \perp OX$  আঁকি।

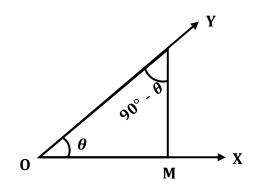




যেহেতু ত্রিভুজের তিন কোণের সমষ্টি দুই সমকোন। অতএব POM সমকোণী ত্রিভুজে  $\angle PMO = 90^\circ$  এবং  $\angle OPM + \angle POM =$  এক সমকোণ  $= 90^\circ$ 

$$\angle OPM = 90^{\circ} - \angle POM = 90^{\circ} - \theta$$

$$[\angle POM = \angle XOY = \theta]$$



$$\therefore \sin(90^{\circ} - \theta) = \frac{OM}{OP}$$

 $= \cos \angle POM$ 

 $=\cos\theta$ 

$$\therefore \cos(90^{\circ} - \theta) = \frac{PM}{QP}$$

 $= \sin \angle POM$ 

 $= \sin\theta$ 

$$\therefore \tan(90^{\circ} - \theta) = \frac{OM}{PM}$$

 $= \cot \angle POM$ 

 $= \cot \theta$ 

$$\therefore \cot(90^{\circ} - \theta) = \frac{PM}{OM}$$

 $= tan \angle POM$ 

 $= tan\theta$ 

$$\therefore \sec(90^{\circ} - \theta) = \frac{OP}{PM}$$

 $= cosec \angle POM$ 

 $= \cos e c \theta$ 





$$\therefore \csc(90^{\circ} - \theta) = \frac{OP}{OM}$$
$$= \sec \angle POM$$
$$= \sec \theta$$

### ᢧ সূত্রের আলোচনা

1. একটি কোণের যাটমূলক পরিমাপ এবং বৃত্তীয় পরিমাপ যথাক্রমে  $D^{\circ}$  এবং  $R^{c}$  হলে  $\frac{D}{180^{\circ}} = \frac{R}{\pi}$  2. r ব্যাসার্ধবিশিষ্ট বৃত্তে  $\theta$  কোণে খন্ডিত বৃত্ত চাপের দৈর্ঘ্য,  $S = r\theta$  সুক্ষাকোণের ত্রিকোণমিতিক অনুপাতগুলোর মধ্যে সম্পর্ক:

(i) 
$$sin\theta = \frac{1}{cosec\theta}$$

(ii) 
$$\csc\theta = \frac{1}{\sin\theta}$$

(iii) 
$$cos\theta = \frac{1}{sec\theta}$$

(iv) 
$$sec\theta = \frac{1}{cos\theta}$$

(v) 
$$tan\theta = \frac{1}{cot\theta}$$

(vi) 
$$cot\theta = \frac{1}{tan\theta}$$

(vii) 
$$tan\theta = \frac{sin\theta}{cos\theta}$$

(viii) 
$$cot\theta = \frac{cos\theta}{sin\theta}$$

(ix) 
$$sin^2\theta + cos^2\theta = 1$$

(x) 
$$sec^2\theta = 1 + tan^2\theta$$

(xi) 
$$cosec^2\theta = 1 + cot^2\theta$$





## 통 প্র্যাকটিস

প্রা
$$: tanA + sinA = m$$

$$tanA - sinA = n$$
 হলে দেখাও যে  $m^2 - n^2 = 4\sqrt{mn}$ 

সমাধান: tanA + sinA = m

$$tanA - sinA = n$$

$$= 4\sqrt{\tan^2 A - \frac{\sin^2 A}{\cos^2 A}} \times \cos^2 A$$

 $= 4\sqrt{\tan^2 A - \tan^2 A \cos^2 \theta}$ 

$$= 4\sqrt{\tan^2 A - \sin^2 A}$$

$$= 4\sqrt{(tanA + sinA)(tanA - sinA)}$$

$$=4\sqrt{mn}$$
 [মান বসিয়ে] (Showed)

প্রমাণ কর যে, 
$$\frac{tanA}{1-cotA} + \frac{cotA}{1-tanA} = secAcosecA + 1$$

সমাধান: L.H.S = 
$$\frac{tanA}{1-cotA} + \frac{cotA}{1-tanA}$$

$$= \frac{\frac{\sin A}{\cos A}}{1 - \frac{\cos A}{\sin A}} + \frac{\frac{\cos A}{\sin A}}{1 - \frac{\sin A}{\cos A}}$$

$$= \frac{\frac{\sin A}{\cos A}}{\frac{\sin A}{\cos A}} + \frac{\frac{\cos A}{\sin A}}{\frac{\cos A}{\cos A} - \sin A}$$

$$= \frac{\sin A}{\cos A} \times \frac{\sin A}{\sin A - \cos A} + \frac{\cos A}{\sin A} \times \frac{\cos A}{\cos A - \sin A}$$

$$= \frac{\sin^2 A}{\cos A(\sin A - \cos A)} + \frac{\cos^2 A}{\sin A(\cos A - \sin A)}$$

$$=\frac{\sin^2 A}{\cos A(\sin A-\cos A)}-\frac{\cos^2 A}{\sin A(\sin A-\cos A)}$$





$$= \frac{\sin^3 A - \cos^3 A}{\sin A \cos A(\sin A - \cos A)}$$

$$=\frac{(sinA-cosA)(sin^2A+sinAcosA+cos^2A}{sinA\ cosA(sinA-cosA)}$$

$$= \frac{1 + sinAcosA}{sinA cosA}$$

$$= \frac{1}{\sin A \cos A} + \frac{\sin A \cos A}{\sin A \cos A}$$

$$= cosecAsecA + 1$$

$$= secAcosecA + 1$$

প্রশ: প্রমাণ কর যে, 
$$\sqrt{\frac{1-sinA}{1+sinA}} = secA - tanA$$

সমাধান: L.H.S = 
$$\sqrt{\frac{1-sinA}{1+sinA}}$$

$$=\sqrt{rac{(1-sinA)(1-sinA)}{(1+sinA)(1-sinA)}}$$
 [লব ও হরকে  $1-sinA$  দারা গুণ করে]

$$=\sqrt{\frac{(1-\sin A)^2}{1-\sin^2 A}}$$

$$=\sqrt{\frac{1-\sin^2A}{\cos^2A}}$$

$$=\sqrt{\frac{(1-\sin A)(1-\sin A)}{(1+\sin A)(1-\sin A)}}$$

$$=\sqrt{\frac{(1-\sin A)^2}{\cos^2 A}}$$

$$=\frac{1-sinA}{cosA}$$

$$=\frac{1}{\cos A}-\frac{\sin A}{\cos A}$$

$$= secA - tanA$$





প্রম:  $\cos A + \sin A = \sqrt{2} \cos A$  হলে প্রমাণ কর যে,  $\cos A - \sin A = \sqrt{2} \sin A$ 

সমাধান: দেওয়া আছে,

 $\cos A + \sin A = \sqrt{2} \cos A$ 

বা,  $\sin A = \sqrt{2} \cos A - \cos A$ 

বা, 
$$\sin A = (\sqrt{2} - 1) \cos A$$

বা, 
$$\sin A (\sqrt{2} + 1) = (\sqrt{2} - 1) (\sqrt{2} + 1) \cos A$$
 [উভয়পক্ষে  $(\sqrt{2} + 1)$  দ্বারা গুণ]

বা, 
$$\sin A (\sqrt{2} + 1) = (2 - 1)\cos A$$

বা, 
$$\sqrt{2} \sin A + \sin A = \cos A$$

বা, 
$$\sqrt{2} \sin A = \cos A - \sin A$$

$$\therefore \cos A - \sin A = \sqrt{2} \sin A$$
 [**Proved**]

#### নিজে কর:

$$(\overline{\Phi}) p = 1 + \sin A$$

 $q = 1 - \sin A$  হলে প্রমাণ কর যে,

$$\int_{q}^{\frac{p}{q}} = \sec A + \tan A$$

(খ) 
$$\frac{1}{1+\sin A} + \frac{1}{1-\sin A} = 2\sec^2 A$$
 [প্রমাণ কর]

(গ) 
$$\frac{\cot A + \tan B}{\cot B + \tan A} = \cot A \cdot \tan B$$
 [প্রমাণ কর]

প্রশ: 
$$\cot A = \frac{b}{a}$$
 হলে,  $\frac{asinA-bcosA}{asinA+bcosA}$  এর মান নির্ণয় কর।

সমাধান: দেওয়া আছে,  $\cot A = \frac{b}{a}$ 

প্রদত্ত রাশি = 
$$\frac{asinA-bcosA}{asinA+bcosA}$$

$$=rac{arac{sinA}{sinA}-brac{cosA}{sinA}}{arac{sinA}{sinA}+brac{cosA}{sinA}}$$
 [লব ও হরকে  $sinA$  দারা ভাগ করে।]

$$= \frac{a - bcotA}{a + bcotA} \left[ \because \frac{cosA}{sinA} = cotA \right]$$

$$= \frac{a - b\frac{b}{a}}{a + b\frac{b}{a}}$$

$$= \frac{a - \frac{b^2}{a}}{a + \frac{b^2}{a}}$$
$$= \frac{a^2 - b^2}{a} \times \frac{a}{a^2 + b^2}$$

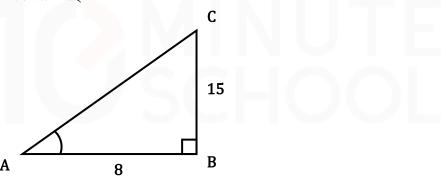
$$=\frac{a^2-b^2}{a^2+b^2}$$

$$\therefore \frac{asinA - bcosA}{asinA + bcosA} = \frac{a^2 - b^2}{a^2 + b^2}$$
 (Ans)

প্রশ্ন: দেওয়া আছে,  $15 \cot A = 8$ , sinA ও secA এর মান নির্ণয় কর।

উত্তর: দেওয়া আছে, 15cotA = 8

বা, 
$$\cot A = \frac{8}{15} = \frac{\pi \sin 2 \sin 2 \sin 2}{\pi \sin 2 \sin 2 \sin 2}$$



 $\therefore$  চিত্রানুসারে, A কোণের বিপরীত বাহু BC = 15;

সন্নিহিত বাহু 
$$AB=8$$

পিথাগোরাসের উপপাদ্য অনুসারে,

 $(অতিভুজ)^2=\ (বিপরীত বাহু)^2+\ (সিয়িহিত বাহু)^2$ 

বা, 
$$AC^2 = BC^2 + AB^2$$

বা, 
$$AC = \sqrt{BC^2 + AB^2}$$

বা, 
$$AC = \sqrt{(15)^2 + 8^2}$$

বা, 
$$AC = 17$$

$$\therefore sinA = \frac{$$
বিপরীত বাহু   
অতিভুজ





$$= \frac{BC}{AC}$$
$$= \frac{15}{17}$$

এবং, 
$$secA = \frac{$$
 অতিভুজ  $}{$  সন্নিহিত বাহু  $}{= \frac{AC}{AB}}{= \frac{17}{8}}$ 

প্রশ্ন:  $\frac{cos\theta-sin\theta}{cos\theta+sin\theta} = \frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{3}+1}$  হলে  $\theta$  এর মান নির্ণয় কর।

সমাধান: দেওয়া আছে,

$$\frac{\cos\theta - \sin\theta}{\cos\theta + \sin\theta} = \frac{\sqrt{3} - 1}{\sqrt{3} + 1}$$

বা, 
$$\frac{\cos\theta - \sin\theta + (\cos\theta + \sin\theta)}{\cos\theta - \sin\theta - (\cos\theta + \sin\theta)} = \frac{\sqrt{3} - 1 + \sqrt{3} + 1}{\sqrt{3} - 1 - \sqrt{3} - 1} \left[$$
োজন-বিয়োজন $\right]$ 

বা, 
$$\frac{\cos\theta - \sin\theta + \cos\theta + \sin\theta}{\cos\theta - \sin\theta - \cos\theta - \sin\theta} = \frac{2\sqrt{3}}{-2}$$

বা, 
$$\frac{2\cos\theta}{-2\sin\theta} = \frac{2\sqrt{3}}{-2}$$

বা, 
$$\frac{\cos\theta}{\sin\theta} = \sqrt{3}$$

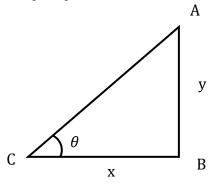
$$\overline{4}$$
,  $\frac{\cos\theta}{\sin\theta} = \frac{3}{\sqrt{3}}$ 

বা, 
$$tan\theta = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

বা, 
$$tan\theta = tan30^{\circ}$$

$$\theta = 30^{\circ}$$
 (Ans)

নিজে করো:



## অনলাইন ব্যাচ হ্ব্ৰু



- i. cotθ এর মান নির্ণয় কর।
- ii. ABC সমকোণী ত্রিভুজে ∠C সমকোণ,  $tanB = \sqrt{3}$ ,∠B = p+q এবং ∠A = p-q হলে  $p \in q$  এর মান নির্ণয় কর।
- iii.  $2\cos^2\theta 3\cos\theta + 1$  এ  $\theta = 60^\circ$  হলে রাশিটির মান নির্ণয় কর।

## 🡼 সৃজনশীল (CQ)

প্রস্ন ১:  $\sqrt{3} \tan(A-B)=1$ ,  $\sqrt{3} \tan(A+B)=3$  এবং  $\csc\theta$ .  $\cot\theta=2\sqrt{3}$  যেখানে  $\theta$  সূক্ষকোণ।

- (ক) A + B এর মান কত?
- (খ) A ও B সৃক্ষকোণ হলে A ও B এর মান নির্ণয় কর।
- (গ)  $\theta$  এর মান নির্ণয় কর এবং দেখাও যে,  $cosec^2\theta cot^2\theta = 1$

#### সমাধান:

ক. দেওয়া আছে,  $\sqrt{3} \tan(A+B) = 3$ 

বা, 
$$tan(A+B) = \frac{3}{\sqrt{3}}$$

বা, 
$$tan(A+B) = \sqrt{3}$$

বা, 
$$tan(A + B) = tan60^{\circ}$$

$$A + B = 60^{\circ}$$

খ. "ক" থেকে পাই, 
$$A+B=60^{\circ}$$
 ...... (i)

আবার, 
$$\sqrt{3} \tan(A - B) = 1$$

বা, 
$$tan(A-B) = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

বা, 
$$tan(A - B) = tan30^{\circ}$$

$$A - B = 30^{\circ}$$
 ...... (ii)

সমীকরণ (i) ও (ii) যোগ করে পাই,

$$A + B + A - B = 60^{\circ} + 30^{\circ}$$



আবার,

সমীকরণ (i) ও (ii) বিয়োগ করে পাই,

$$A + B - A + B = 60^{\circ} - 30^{\circ}$$

$$\therefore A = 45^{\circ}, B = 15^{\circ} (Ans)$$

(গ) দেওয়া আছে,  $cosec\theta$ .  $cot\theta = 2\sqrt{3}$ 

বা, 
$$\frac{1}{\sin\theta} \cdot \frac{\cos\theta}{\sin\theta} = 2\sqrt{3}$$

বা, 
$$\frac{\cos\theta}{\sin^2\theta} = 2\sqrt{3}$$

বা, 
$$\cos\theta = 2\sqrt{3} \sin^2\theta$$

বা, 
$$\cos\theta = 2\sqrt{3}(1 - \cos^2\theta)$$

বা, 
$$\cos\theta = 2\sqrt{3} - 2\sqrt{3}\cos^2\theta$$

বা, 
$$2\sqrt{3}\cos^2\theta + 4\cos\theta - 3\cos\theta - 2\sqrt{3} = 0$$

বা, 
$$2\cos\theta (\sqrt{3}\cos\theta + 2) - \sqrt{3} (\sqrt{3}\cos\theta + 2) = 0$$

বা, 
$$(\sqrt{3}\cos\theta + 2)(2\cos\theta - \sqrt{3}) = 0$$

$$\therefore \sqrt{3}\cos\theta + 2 = 0$$

বা,
$$\sqrt{3}\cos\theta = -2$$

বা, 
$$\cos\theta = \frac{-2}{\sqrt{3}}$$

অথবা, 
$$2\cos\theta - \sqrt{3} = 0$$

বা, 
$$2\cos\theta = \sqrt{3}$$

বা, 
$$\cos\theta = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

বা, 
$$\cos\theta = \cos 30^\circ$$

$$\therefore \theta = 30^{\circ}$$

এখানে,

$$\cos heta = rac{-2}{\sqrt{3}}$$
 গ্রহণযোগ্য নহে। কারণ,  $-1 \leq \cos heta \leq 1$ 





$$\theta = 30^{\circ}$$

আবার,

$$cosec^2\theta - cot^2\theta$$

$$= cosec^2 30^\circ - cot^2 30^\circ$$

$$= (cosec30^\circ)^2 - (cot30^\circ)^2$$

$$=2^2-(\sqrt{3})^2$$

$$= 4 - 3$$

=1

$$\therefore cosec^2\theta - cot^2\theta = 1 \text{ (Showed)}$$

প্রশ্ন- ০২: tanA + sinA = m, এবং tanA - sinA = n. [কুমিল্লা বোর্ড-২০১৬]

- (ক) প্রমাণ কর যে,  $tan^2 A.sin^2 A = mn$ .
- (খ) দেখাও যে,  $m^2 n^2 = 4\sqrt{mn}$ .
- (গ) প্রমাণ কর যে,  $secA = \sqrt{mn} \ cosec^2 A$

#### সমাধান:

ক. দেওয়া আছে,

$$tan A + sin A = m$$
, এবং

$$tan A - sin A = n$$
.

$$tan^2A.sin^2A = tan^2A(1-cos^2A)$$
 [ $\because sin^2\theta = 1-cos^2\theta$ ]
$$= tan^2A - tan^2Acos^2A$$

$$= tan^2A - \frac{sin^2A}{cos^2A}\cos^2A$$
 [ $\because tanA = \frac{sinA}{cosA}$ ]
$$= tan^2A - sin^2A$$

$$= (tanA + sinA)(tanA - sinA)[\because a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)]$$

$$= mn$$
 [মান বসিয়ে]

 $\therefore tan^2 A.sin^2 A = mn$  [প্রমাণিত]

খ. দেওয়া আছে,

$$tanA + sinA = m$$
, এবং





$$tan A - sin A = n$$
.

'ক' থেকে পাই, 
$$tan^2 A.sin^2 A = mn$$

এখন,

$$m^2 - n^2 = (\tan A + \sin A)^2 - (\tan A - \sin A)^2$$
  
=  $4\tan A \cdot \sin A \left[ \because (a+b)^2 - (a-b)^2 = 4\cot \right]$   
=  $4\sqrt{\tan^2 A \cdot \sin^2 A}$   
=  $4\sqrt{mn}$ 

$$\therefore m^2 - n^2 = 4\sqrt{mn}$$
 [দেখানো হলো]

#### বিকল্প পদ্ধতি:

#### (খ) দেওয়া আছে,

$$tan A + sin A = m$$
, এবং

$$tan A - sin A = n$$

$$m^2 - n^2 = (\tan A + \sin A)^2 - (\tan A - \sin A)^2$$
 [মান বসিয়ে]
$$= 4\tan A \cdot \sin A \ [\because (a+b)^2 - (a-b)^2 = 4\cot ]$$

$$= 4\sqrt{\tan^2 A \cdot \sin^2 A}$$

$$= 4\sqrt{\tan^2 A \cdot (1-\cos^2 A)} \ [\because \sin^2 \theta = 1-\cos^2 \theta]$$

$$= 4\sqrt{\tan^2 A - \tan^2 A \cos^2 A}$$

$$= 4\sqrt{\tan^2 A - \sin^2 A \cos^2 A}$$

$$= 4\sqrt{\tan^2 A - \sin^2 A}$$

$$= 4\sqrt{\tan^2 A$$

∴ বামপক্ষ = ডানপক্ষ।

$$\therefore m^2 - n^2 = 4\sqrt{mn}$$
 [প্রমাণিত]

(গ) 'ক' থেকে পাই,  $tan^2A.sin^2A = mn$ 

ডানপক্ষ = 
$$\sqrt{mn}$$
 .  $cosec^2A$ 

$$= \sqrt{tan^2A} \cdot sin^2A \cdot cosec^2A$$
 [মান বসিয়ে]



$$=\sqrt{(tanA.sinA)^2}$$
.  $cosec^2A$ 

$$=\sqrt{(tanA.sinA)^2}$$
.  $cosec^2A$ 

$$= tanA.sinA.cosec^2A$$

$$=\frac{\sin A}{\cos A}$$
.  $\sin A$ .  $\frac{1}{\sin^2 A}$  [:  $\csc A = \frac{1}{\sin A}$ ]

$$=\frac{1}{\cos A}$$

$$= secA \ [\because secA = \frac{1}{cosA}\ ]$$

$$\therefore secA = \sqrt{mn} \cdot cosec^2A$$
 [প্রমাণিত]

ଥା - ୦୯: 
$$cos^2\theta + cos^4\theta = 1$$

(ক) দেখাও যে, 
$$\frac{\cos^2\theta}{1+\cos^2\theta}=(1+\cos\theta)~(1-\cos\theta)$$

(খ) প্রমাণ কর যে, 
$$cot^4\theta - cot^2\theta = 1$$

(গ) দেখাও যে, 
$$tan^4\theta + tan^2\theta = 1$$
 এবং  $sin^2\theta + sin^2\theta = 1$ 

#### সমাধান:

ক. দেওয়া আছে,

$$cos^2\theta + cos^4\theta = 1$$

বা, 
$$cos^2\theta = 1 - cos^4\theta$$

এবং,

$$\frac{\cos^{2}\theta}{1+\cos^{2}\theta} = \frac{1-\cos^{4}\theta}{1+\cos^{2}\theta} \left[ \because \cos^{2}\theta = 1-\cos^{4}\theta \right] 
= \frac{1^{2}-(\cos^{2}\theta)^{2}}{1+\cos^{2}\theta} 
= \frac{(1+\cos^{2}\theta)(1-\cos^{2}\theta)}{1+\cos^{2}\theta} \left[ \because a^{2}-b^{2} = (a+b)(a-b) \right] 
= 1-\cos^{2}\theta 
= (1+\cos\theta)(1-\cos\theta) \left[ \because a^{2}-b^{2} = (a+b)(a-b) \right]$$

$$\therefore \frac{\cos^2\theta}{1+\cos^2\theta} = (1+\cos\theta)(1-\cos\theta)$$
 [দেখানো হলো]



খ. দেওয়া আছে.

$$\cos^2\theta + \cos^4\theta = 1$$

বা, 
$$cos^4\theta = 1 - cos^2\theta$$

বা, 
$$cos^4\theta = sin^2\theta \ [\because 1 - cos^2\theta = sin^2\theta]$$

বা, 
$$\frac{\cos^4\theta}{\sin^4\theta}=\frac{\sin^2\theta}{\sin^4\theta}$$
 [ উভয়পক্ষে  $\sin^4\theta$  দ্বারা ভাগ করে।]

বা, 
$$\cot^4\theta = \frac{1}{\sin^2\theta}$$

বা, 
$$cot^4\theta = cosec^2\theta$$
 [  $\because cosec\theta = \frac{1}{sin\theta}$ ]

বা, 
$$cot^4\theta = 1 + cot^2\theta$$
 [  $\because cosec^2\theta = 1 + cot^2\theta$  ]

$$\therefore \cot^4 \theta - \cot^2 \theta = 1$$
 [প্রমাণিত]

গ, 'খ' হতে পাই.

$$\cot^4\theta - \cot^2\theta = 1$$

বা, 
$$\frac{1}{tan^4\theta} - \frac{1}{tan^2\theta} = 1 \ [\because \cot\theta = \frac{1}{tan\theta}]$$

বা, 
$$\frac{1-tan^2\theta}{tan^4\theta}=1$$

বা, 
$$tan^4\theta = 1 - tan^2\theta$$

$$\therefore tan^4\theta + tan^2\theta = 1$$
 [দেখানো হলো]

আবার.

দেওয়া আছে,

$$cos^4\theta + cos^2\theta = 1$$

বা, 
$$cos^4\theta = 1 - cos^2\theta$$

বা, 
$$\cos^4\theta = \sin^2\theta$$
 [:  $1 - \cos^2\theta = \sin^2\theta$ ]

বা, 
$$\frac{\cos^4\theta}{\cos^2\theta} = \frac{\sin^2\theta}{\cos^2\theta}$$
 [উভয়পক্ষে  $\cos^2\theta$  দ্বারা ভাগ করে]

বা, 
$$\cos^2\theta = \tan^2\theta \ [\because \tan\theta = \frac{\sin\theta}{\cos\theta} \ ]$$

বা, 
$$1 - \sin^2\theta = \sec^2\theta - 1$$
 [  $\because \cos^2\theta = 1 - \sin^2\theta$  ;  $\tan^2\theta = \sec^2\theta - 1$ ]

বা, 
$$1 + 1 - sin^2\theta = sec^2\theta$$

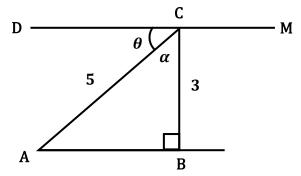
বা, 
$$1 + 1 = sec^2\theta + sin^2\theta$$

$$\therefore sec^2\theta + sin^2\theta = 2$$
 [দেখানো হলো]



10 MINUTE SCHOOL

প্রশ্ন- 08:



(ক) C কোণের ত্রিকোণমিতিক অনুপাতগুলো লিখ।

(খ) প্রদত্ত তথ্যের আলোকে প্রমাণ কর যে, 
$$\sqrt{rac{secA+1}{secA-1}}$$
 =  $cotA$  +  $cosecA$ 

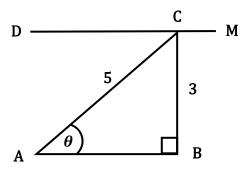
(গ) 
$$\frac{\cot\theta + \cot\alpha}{\cot\theta - \cot\alpha}$$
 এর মান নির্ণয় কর।

#### সমাধান:

ক. যেহেতু, 
$$sinA=rac{3}{5}$$
 
$$=rac{BC}{AC}\left[\because \theta=\angle DCA=\angle CAB \quad \text{একান্তর কোণ}\right]$$

অর্থাৎ, BC = 3,

$$AC = 5$$



পিথাগোরাসের উপপাদ্য অনুসারে,

$$AC^2 = BC^2 + AB^2$$

বা, 
$$AB^2 = AC^2 - BC^2$$

বা, 
$$AB = \sqrt{AC^2 - BC^2}$$

বা, 
$$AB = \sqrt{5^2 - 3^2}$$

বা, 
$$AB = \sqrt{25-9}$$





বা, 
$$AB = \sqrt{16}$$

$$AB = 4$$

$$\therefore \sin C = \frac{AB}{AC}$$
$$= \frac{4}{5}$$

$$\cos C = \frac{BC}{AC}$$

$$=\frac{3}{5}$$

$$tan C = \frac{AB}{BC}$$

$$=\frac{4}{3}$$

$$\cot C = \frac{BC}{AB}$$

$$=\frac{3}{4}$$

$$sec\ C = \frac{AC}{BC}$$

$$=\frac{5}{3}$$

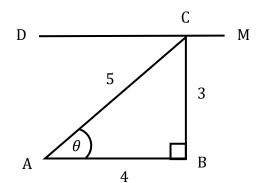
$$cosec\ C = \frac{AC}{AB}$$

$$=\frac{5}{4}$$

বামপক্ষ = 
$$\sqrt{\frac{secA+1}{secA-1}}$$

$$= \sqrt{\frac{\frac{AC}{AB} + 1}{\frac{AC}{AB} - 1}}$$

$$=\sqrt{\frac{\frac{5}{4}+1}{\frac{5}{4}-1}}$$





$$=\sqrt{\frac{\frac{5+4}{4}}{\frac{5-4}{4}}}$$

$$=\sqrt{\frac{9}{4}\times\frac{4}{1}}$$

$$= 3$$

ডানপক্ষ =  $\cot A + \csc A$ 

$$= \frac{AB}{BC} + \frac{AC}{BC}$$

$$= \frac{4}{3} + \frac{5}{3}$$

$$= \frac{4+5}{3}$$

$$= \frac{9}{3}$$

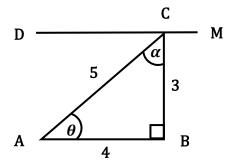
∴ বামপক্ষ = ডানপক্ষ

$$\therefore \sqrt{\frac{\sec A + 1}{\sec A - 1}} = \cot A + \csc A$$
 [প্রমাণিত]

গ. DM ∥ AB হওয়ায়,

$$\angle ACD = \angle CAB$$

$$\therefore \theta = \angle A$$



তাহলে, 
$$cot\theta = \frac{AB}{BC}$$

$$= \frac{4}{3}$$





আবার, 
$$cot\alpha = \frac{BC}{AB}$$

$$= \frac{3}{4}$$

$$\therefore \frac{\cot\theta + \cot\alpha}{\cot\theta - \cot\alpha} = \frac{\frac{4}{3} + \frac{3}{4}}{\frac{3}{3} - \frac{3}{4}}$$

$$= \frac{\frac{16+9}{12}}{\frac{16-9}{12}}$$

$$= \frac{25}{12} \times \frac{12}{7}$$

$$= \frac{25}{7}$$

 $\therefore$  নির্ণেয় মান  $=\frac{25}{7}$  [Ans.]

🔏 বহানবাচনা (।	VICQ)			
০১। গ্রিক শব্দ 'metro	n' এর অর্থ কি?			
(ক) পরিসীমা ০২। ত্রিকোণমিতি শব্দটি	` '	(গ) পরিমাপ	(ঘ) ধার	উত্তর: গ
(ক) ইংরেজি শব্দ	(খ) পর্তুগীজ শব্দ	(গ) গ্রিক শব্দ	(ঘ) হিন্দি শব্দ	উত্তর: গ
ব্যাখা: Trigonome	try শব্দটি গ্রিক শব্দ Tri,g	on ও metron দ্বারা গঠি	<u>ोंड</u> ।	
০৩। কোনটি থেকে ত্রিবে	কাণমিতির বিকাশ ঘটেছে?			
(ক) জ্যামিতি	(খ) পাটিগণিত	(গ) বীজগণিত	(ঘ) পরিমিতি	উত্তর: ক
ব্যাখ্যা: প্রাচীন যুগে জ্য	মিতির ধারণা থেকে ত্রিকে	াণমিতির বিকাশ ঘটে।		
০৪। ত্রিকোণমিতির উদ্ভব	ব ঘটেছিল			
(ক) প্রাচীন গ্রিসে	(খ) প্রাচীন মিশরে	(গ) প্রাচীন ব্যাবিলনে	(ঘ) প্রাচীন ভারতে	উত্তর: খ
ব্যাখ্যা: ত্রিকোণমিতির ব	উদ্ভব ঘটেছিল প্রাচীন মিশ	র।		
০৫। সমকোণী ত্রিভুজের	বৃহত্তম বাহু বা সমকোণের	া বিপরীত বাহুকে কি বলে?	?	
(ক) বিপরীত বাহু	(খ) অতিভুজ	(গ) সন্নিহিত বাহু	(ঘ) কৰ্ণ	উত্তর: খ
ব্যাখ্যা: সমকোণী ত্রিভু বিপরীত বাহুকে অতিভু	জের প্রদত্ত কোণের সরাসরি ত্জ বলে।	ব বিপরীত দিকের বাহুকে বি	বিপরীত বাহু বলে। সম	কাণের





০৬ ৷ ] 
$$+\frac{\sin^2 A}{1-\sin^2 A}=\overline{\Phi}$$
ত?

$$(\overline{\Phi})$$
 sec<sup>2</sup>A

(킥) 
$$\cos^2 A$$
 (키)  $\sin^2 A$ 

বাখা: 
$$1 + \frac{\sin^2 A}{1 - \sin^2 A}$$

$$= 1 + \frac{\sin^2 A}{\cos^2 A}$$

$$= \frac{\cos^2 A + \sin^2 A}{\cos^2 A}$$

$$= \frac{1}{\cos^2 A}$$

$$= \sec^2 A$$

০৭।  $sin^2A = \frac{1}{2}$  হলে  $cos2A = \overline{ao}$ ?

$$(\overline{\Phi}) \frac{1}{\sqrt{2}}$$

(착) 
$$\frac{1}{2}$$
 (차) 1 (된) 0

ব্যাখ্যা:  $sin^2A = \frac{1}{2}$ 

বা, 
$$2sin^2A = 1$$

বা, 
$$1 - 2sin^2 A = 0$$

বা, 
$$1 - 2 + 2\cos^2 A = 0$$

বা, 
$$2\cos^2 A - 1 = 0$$
 [∴  $\cos 2A = 2\cos^2 A - 1$ ]

বা, 
$$cos2A = 0$$
 [:  $cos2A = 2cos^2A - 1$ ]

০৮ ৷  $\triangle$  ABC এর ∠B = 90°, AB = 3 সে.মি., BC = 4সে.মি. হলে sinC এর মান কত?

$$(\overline{\Phi}) \frac{5}{3}$$

(খ) 
$$\frac{4}{5}$$

(গ) 
$$\frac{3}{4}$$

(ঘ) 
$$\frac{3}{5}$$

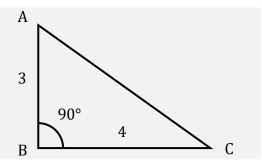
ব্যাখ্যা: পিথাগোরাসের উপপাদ্য অনুসারে,

$$AC^{2} = AB^{2} + BC^{2}$$

$$= 3^{2} + 4^{2}$$

$$= 9 + 16$$

$$= 25$$





$$AC = 5$$

$$\therefore \ sinC = \frac{\text{লম্ব}}{\overline{\text{অতিভুজ}}} = \frac{AB}{BC} = \frac{3}{5}$$

০৯। 
$$\frac{\sin\theta}{\sqrt{\sin^2\theta + \cos^2\theta}} = \overline{\Phi}$$
ত?

$$(\overline{\Phi})$$
 cot $\theta$ 

(ঘ) 
$$sin\theta$$

ব্যাখা: 
$$\frac{\sin\theta}{\sqrt{\sin^2\theta + \cos^2\theta}} = \frac{\sin\theta}{\sqrt{1}} [\because \sin^2\theta + \cos^2\theta = 1]$$
$$= \sin\theta$$

১০। 
$$cos^2\theta$$
 -  $sin^2\theta = \frac{1}{3}$  হলে  $cos^4\theta$  -  $sin^4\theta = \overline{ao}$ ?

(খ) 
$$\frac{1}{3}$$

বাখা: 
$$cos^4\theta$$
 -  $sin^4\theta$  =  $(cos^2\theta)^2$  -  $(sin^2\theta)^4$   
=  $(cos^2\theta + sin^2\theta)$   $(cos^2\theta - sin^2\theta)$   
=  $1 \times \frac{1}{3}$   
=  $1 \times \frac{1}{3}$ 

১১।  $cosec\theta = \frac{a}{h}$  হলে  $tan\theta$  এর মান কত?

$$\left(\Phi\right) \frac{b}{\sqrt{a^2-b^2}}$$
 (খ)  $\frac{\sqrt{a^2-b^2}}{a}$ 

$$(\forall) \ \frac{\sqrt{a^2-b^2}}{a}$$

$$(\mathfrak{N}) \frac{\sqrt{a^2+b^2}}{b}$$

$$\{ \overline{\mathtt{V}} \} \frac{b}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

উত্তর: ক

ব্যাখ্যা: 
$$cosec\theta = \frac{a}{b}$$

$$=rac{অতিভুজ}{$$
লম্ব

পিথাগোরাসের উপপাদ্য অনুসারে,

$$(অতিভুজ)^2 = লম্ব^2 + ভূমি^2$$

বা, (ভূমি)
$$^2 = (অতিভুজ)^2 - (লম্ব)^2$$

বা, ভূমি 
$$=\sqrt{(অতিভুজ)^2-(লম্ব)^2}$$



বা, ভূমি = 
$$\sqrt{(a)^2 - (b)^2}$$

$$\therefore tan\theta = \frac{\overline{eq}}{\overline{eq}}$$

$$= \frac{b}{\sqrt{a^2 - b^2}}$$

১২।  $\theta = 60^{\circ}$  হলে নিচের কোনটি সঠিক?

$$(\overline{\Phi}) \sin^2 \theta - \cos^2 \theta = 1$$

(খ) 
$$sec^2\theta + tan^2\theta = 1$$

(গ) 
$$cot^2\theta - cosec^2\theta = 1$$

(ঘ) 
$$sec^2\theta - tan^2\theta = 1$$

উত্তর: ঘ

ব্যাখ্যা: (i)  $sin^2\theta + cos^2\theta = 1$ 

(ii) 
$$sec^2\theta = 1 + tan^2\theta$$

বা, 
$$sec^2\theta - tan^2\theta = 1$$

(iii) 
$$cosec^2\theta = 1 + cot^2\theta$$

বা, 
$$cosec^2\theta - cot^2\theta = 1$$

(iv) 
$$sec^2\theta - tan^2\theta = 1$$

বা, 
$$cosec^2 60^\circ - cot^2 60^\circ = 1$$

১৩। 4sinA = 3 হলে  $tanA = \overline{\Phi}$ ত?

$$(\overline{\Phi}) \frac{\sqrt{7}}{4}$$

(খ) 
$$\frac{4}{\sqrt{3}}$$

(গ) 
$$\frac{\sqrt{7}}{3}$$

(ঘ) 
$$\frac{3}{\sqrt{7}}$$

উত্তর: ঘ

ব্যাখ্যা: 4sinA = 3 হলে,

 $tanA = \overline{\Phi \Phi}$ ?

বা, 
$$sinA = \frac{3}{4} = \frac{$$
লম্ব   
অতিভজ

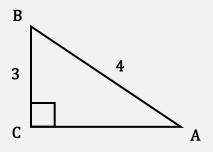
পিথাগোরাসের উপপাদ্য অনুসারে,

$$(অতিভুজ)^2 = লম্ব^2 + ভূমি^2$$

$$4^2 = 3^2 +$$
ভূমি $^2$ 

বা, ভূমি = 
$$\sqrt{16 - 9}$$

$$\therefore tanA = \frac{\overline{\sigma} \imath \imath}{\overline{\wp} [\overline{\lambda}]} = \frac{3}{\sqrt{7}}$$





১৪। 🖯 সুক্ষাকোণ হলে \_\_\_\_\_

- i.  $\sin\theta + \cos\theta < 1$  হবে
- ii.  $\sin^2\theta + \cos^2\theta = 1$  হবে
- iii.  $\csc^2\theta \cot^2\theta = 1$  হবে

নিচের কোনটি সঠিক?

- (ক) i, ii
- (뉙) ii, iii
- (গ) i, iii
- (ঘ) i, ii, iii

উত্তর: খ

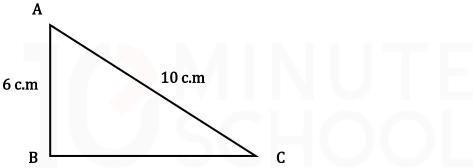
ব্যাখ্যা: i নং সূত্র নয় কারণ heta সুক্ষকোণের জন্য  $sin heta + cos heta \geq 1$ 

ত্রিকোণমিতির অভেদ অনুসারে,

$$sin^2\theta + cos^2\theta = 1$$

$$cosec^2\theta - cot^2\theta = 1$$

136



উপরের চিত্রে ΔABC এর \_\_\_\_

- i. ক্ষেত্রফল 24 বর্গসে.মি.
- ii. পরিসীমা 60 সে.মি.
- iii. ∠BAC > ∠ACB

নিচের কোনটি সঠিক?

(ক) i, ii

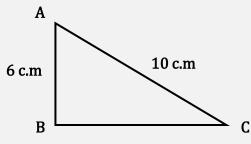
(뉙) ii, iii

(গ) i, iii

(ঘ) i, ii, iii

উত্তর: ক

ব্যাখ্যা:



 $\Delta ABC$  তে, পিথাগোরাসের উপপাদ্য অনুসারে,





ব্যাখ্যা: 
$$AC^2 = AB^2 + BC^2$$

বা, 
$$BC^2 = AC^2 - AB^2$$

বা, 
$$BC = \sqrt{AC^2 - AB^2}$$

$$=\sqrt{10^2-6^2}$$

$$=\sqrt{64}$$

$$\therefore \text{ ক্ষেত্রফল} = \frac{1}{2} \times 8 \times 6$$
$$= 24 \text{ বর্গসে.মি.}$$

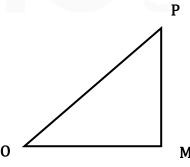
$$∴$$
 পরিসীমা =  $(AB + BC + AC)$  cm  
=  $(6 + 8 + 10)$  cm

= 24 cm

ত্রিভুজের ক্ষুদ্রতম বাহুর বিপরীত কোণ ক্ষুদ্রতম। এখানে, ABC ত্রিভুজের ক্ষুদ্রতম বাহু AB এবং এর বিপরীত কোণ  $\angle ACB$ ; শর্তানুসারে,  $\angle ACB$  ক্ষুদ্রতম কোণ। অর্থাৎ,  $\angle ACB$  ত্রিভুজের অন্য যেকোনো কোণের তুলনায় ক্ষুদ্রতর।

$$\therefore \angle BAC > \angle ACB$$

১৬।



ΔΡΟΜ এর ∠ΡΜΟ = 90° উপরের তথ্য ও আলোকে নিচের কোনটি সঠিক?

$$i. \frac{PM}{OP} < 1$$

ii. 
$$\frac{OM}{OP} < 1$$

iii. 
$$\frac{PM}{OP} > 1$$

নিচের কোনটি সঠিক?



ব্যাখ্যা: প্রশ্নের চিত্রমতে, ∠PMO = 90° তাই PMO সমকোণী ত্রিভুজ। অতিভুজ OP. OP বৃহত্তম বাহু হওয়ায় OP অপেক্ষা অন্য বাহুদ্বয় অবশ্যই ক্ষুদ্রতম হবে।

$$\therefore \frac{PM}{OP} < 1$$

এবং 
$$\frac{OM}{OP}$$
 <  $\uparrow$  সত্য।

কিন্ত, 
$$\frac{PM}{OP} > 1$$

$$sin^2A + sin^4A = 1$$

$$9 \cdot cos^2 A = ?$$

$$(Φ)$$
  $sin A$   $(∀)$   $sin A$ 

(গ) 
$$sin^3 A$$

(ঘ) 
$$sin^4A$$

ব্যাখ্যা: দেয়া আছে,

$$sin^2A + sin^4A = 1$$

বা, 
$$sin^4 A = 1 - sin^2 A$$

বা, 
$$sin^4A = cos^2A$$

আবার,

$$cos^2A = sin^4A$$

বা, 
$$cot^2 A = sin^2 A$$

বা, 
$$sin^2A = cot^2A$$

$$\int \mathbf{r} \cdot \sin^2 A = ?$$

$$(\overline{\Phi}) \cot^2 A$$

ব্যাখ্যা: দেয়া আছে,

$$sin^2A + sin^4A = 1$$

বা, 
$$sin^4 A = 1 - sin^2 A$$

বা, 
$$sin^4 A = cos^2 A$$

বা, 
$$sin^2 A = cot^2 A$$



(ক) 1

উত্তর: খ

বাখা: 
$$(sin^2A + sin A)^2 + (sin^2A - sin A)^2$$

$$= (\sin^2 A)^2 + 2 \cdot \sin^2 A \cdot \sin A + (\sin A)^2 + (\sin^2 A)^2 - 2 \cdot \sin^2 A \cdot \sin A + (\sin A)^2$$

$$= sin^4A + 2.sin^3A + sin^2A + sin^4A - 2.sin^3A + sin^2A$$

$$= 2sin^4A + 2sin^2A$$

$$= 2(\sin^4 A + \sin^2 A)$$

$$= 2 \times 1$$

$$= 2$$

$$(\overline{\Phi})^{\frac{1}{2}}$$

$$(\eta) \frac{3}{2}$$
 (ঘ) 2

ব্যাখ্যা: দেয়া আছে,

$$cosec^2A - cot^2A = 1$$

বা, 
$$(cosecA + cotA)$$
  $(cosecA - cotA) = 1$ 

বা, 
$$\frac{1}{2}$$
 (cosecA – cotA) = 1

বা, 
$$cosecA - cotA = 2$$

$$(\bar{x})^{\frac{2}{3}}$$

(গ) 
$$\frac{3}{2}$$

ব্যাখ্যা: দেয়া আছে,

$$cosecA + cotA = \frac{1}{2}$$

বা, 
$$cosecA + \sqrt{cosec^2A - 1} = \frac{1}{2} \left[ : cosec^2A - cot^2A = 1 \right]$$

$$\overline{A}, \sqrt{\cos ec^2 A - 1} = \frac{1}{2} - \cos ecA$$

বা, 
$$cosec^2 A - 1 = (\frac{1}{2} - cosec A)^2$$



বাখা: বা,  $cosec^2A - 1 = (\frac{1}{2})^2 - 2\frac{1}{2}cosecA + (cosecA)^2$ 

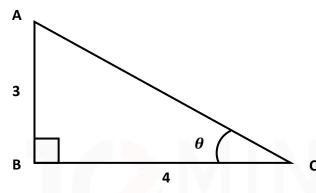
বা,  $cosec^2A - 1 = \frac{1}{4} + cosec^2A - cosecA$ 

বা,  $cosecA = \frac{1}{4} + 1 + cosec^2A - cosec^2A$ 

বা,  $cosecA = \frac{1}{4} + 1$ 

 $=\frac{5}{4}$ 

३३ ।



cosθ এর মান কোনটি?

$$(5) \frac{3}{5}$$

(খ) 
$$\frac{4}{5}$$

(গ) 
$$\frac{3}{4}$$

(ঘ) 
$$\frac{5}{4}$$

উত্তর: খ

ব্যাখ্যা: প্রদত্ত চিত্র হতে,

$$=\frac{BC}{AC}$$

$$=\frac{4}{5}$$

 $0 \cdot \tan\theta + \cot\theta - \sec\theta = ?$ 

$$(\overline{4})^{\frac{5}{4}}$$

(খ) 
$$\frac{5}{32}$$

$$(\mathfrak{N}) \frac{25}{32}$$

(되) 
$$\frac{5}{6}$$

উত্তর: ঘ

ব্যাখ্যা:  $tan\theta = \frac{m \pi}{\frac{m}{2}}$ 

$$=\frac{AB}{BC}=\frac{3}{4}$$





ব্যাখ্যা: 
$$cot\theta = \frac{\overline{\Psi}}{\overline{q}}$$
মূ $= \frac{BC}{AB}$ 

$$=\frac{4}{3}$$

$$sec\theta = \frac{1}{cot\theta}$$

$$=rac{অতিভুজ}{ভূমি}$$

$$=\frac{AC}{BC}$$

$$=\frac{5}{4}$$

$$\therefore \tan\theta + \cot\theta - \sec\theta = \frac{3}{4} + \frac{4}{3} + \frac{5}{4}$$

$$=\frac{9+16-15}{12}$$

$$=\frac{10}{12}$$

$$=\frac{5}{6}$$

 $tan^2\theta = 2$ 

২৪। tanθ এর মান কত?

(ক) 
$$\sqrt{2}$$

(খ) 
$$\frac{3}{\sqrt{2}}$$

$$(\sqrt[3]{2})^{\frac{1}{2}}$$

উত্তর: ক

ব্যাখ্যা: দেওয়া আছে,

$$tan^2\theta = 2$$

বা, 
$$tan\theta = \sqrt{2}$$

২৫।  $sin\theta . sec\theta = \overline{\Phi}$ ত?

$$(\overline{\Phi})$$
  $\sqrt{2}$ 

(খ) 
$$\frac{3}{\sqrt{2}}$$

$$(\sqrt[3]{2})^{\frac{1}{2}}$$

উত্তর: ক



ব্যাখ্যা: দেওয়া আছে,

$$tan^2\theta = 2$$

বা, 
$$\left(\frac{\sin\theta}{\cos\theta}\right) = \sqrt{2}$$

বা, 
$$sin\theta \cdot \frac{1}{cos\theta} = \sqrt{2}$$

বা, 
$$sin\theta . sec\theta = \sqrt{2}$$

## অনুশীলনী- ৯.২:

$$\circ$$
\$ |  $sin(90^{\circ} - \theta) = ?$ 

$$(\overline{\Phi}) \cos\theta$$

(গ) 
$$cosec\theta$$

(ঘ) 
$$tan\theta$$

উত্তর: ক

ব্যাখ্যা:  $\theta$  ও  $90^\circ$  -  $\theta$  পরস্পর পূরক কোণ।

$$sin(90^{\circ} - \theta) = cos\theta$$

[90° এর বিজোড় গুণিতক বলে  $\sin \theta \to \cos \theta$  জোড় হলে অপরিসীম থাকবে।]

এখানে, 
$$sin(90^{\circ} - \theta) = sin(1 \times 90^{\circ} - \theta)$$

$$= cos\theta$$

উত্তর: গ

ব্যাখা: tan (90° - 30°) = tan 60°

$$=\sqrt{3}$$

(i)  $\sin 30^\circ = \frac{1}{2}$  যা সঠিক নয়।

$$(ii)$$
  $\cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$  যা সঠিক নয়।

$$(iii)$$
 cot 30° =  $\sqrt{3}$  যা সঠিক।

 $\circ \circ \cdot \cot 60^{\circ}$ ,  $\tan 0^{\circ}$ ,  $\sec 30^{\circ}$ ,  $\csc 60^{\circ} = ?$ 

$$(\mathfrak{N}) \frac{2}{\sqrt{3}}$$

(ঘ) 
$$\frac{4}{3}$$

উত্তর: ক

ব্যাখ্যা:  $tan0^\circ = 0$  যেকোনো সংখ্যা / রাশিকে 0 দিয়ে গুণ করলে গুণফল 0 হয়।



০৪।  $cosec\theta = \sqrt{2}$  হলে,  $\theta = ?$ 

ব্যাখ্যা:  $cosec\theta = \sqrt{2}$ 

বা, 
$$\frac{1}{\sin\theta} = \sqrt{2}$$

বা, 
$$sin\theta = sin45^{\circ}$$

বা, 
$$\theta = 45^{\circ}$$

$$0 ( 1 \frac{1 - \sin^2 45^{\circ}}{1 + \sin^2 45^{\circ}} = ?$$

(খ) 
$$\frac{1}{3}$$

$$(\mathfrak{N})\frac{1}{\sqrt{2}}$$

কাখা:  $\frac{1 - \sin^2 45^\circ}{1 + \sin^2 45^\circ} = \frac{1 - (\frac{1}{\sqrt{2}})^2}{1 + (\frac{1}{\sqrt{2}})^2}$  $= \frac{1 - \frac{1}{2}}{1 + \frac{1}{2}}$ 

$$=\frac{\frac{2-1}{2}}{\frac{2+1}{2}}$$

$$=\frac{\frac{1}{2}}{\frac{3}{2}}$$
$$=\frac{1}{2}\times\frac{2}{3}$$
$$=\frac{1}{3}$$

০৬। sin3A = cos3A হলে A = ?

ব্যাখ্যা: sin3A = cos3A হলে A =?

বা, 
$$\frac{\sin 3A}{\cos 3A} = 1$$

বা, 
$$tan3A = 1$$



ব্যাখ্যা: বা, tan3A = tan45°

বা, 
$$3A = 45^{\circ}$$

বা, 
$$A = 15^{\circ}$$

০৭।  $sin^2A = \frac{1}{2}$  হলে cos2A = ?

$$(\overline{\Phi}) \frac{1}{\sqrt{2}}$$

(খ) 
$$\frac{1}{2}$$

ব্যাখ্যা: দেয়া আছে,  $sin^2 A = \frac{1}{2}$ 

বা, 
$$sinA = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

বা, 
$$sinA = sin45^{\circ}$$

বা, 
$$A = 45^{\circ}$$

$$cos2A = cos(2 \times 45^{\circ})$$

$$= cos90^{\circ}$$

$$= 0$$

০৮।  $A = 15^{\circ}$  হলে  $\cos^3 2A = ?$ 

$$(\overline{\Phi}) \frac{3\sqrt{3}}{8}$$

$$(rak{a}) \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$(\mathfrak{N})\frac{1}{\sqrt{2}}$$

(ঘ) 
$$\frac{\sqrt{3}}{8}$$

ব্যাখ্যা: A = 15°

$$\therefore \cos^3 2A = \cos^3 (2 \times 15^\circ)$$

$$= {\cos(2 \times 15^{\circ})}^3$$

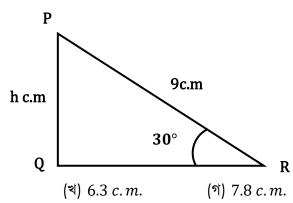
$$= (\cos 30^{\circ})^3$$

$$= \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^3$$

$$=\frac{3\sqrt{3}}{8}$$



০৯। নিচের চিত্রে h এর মান নিচের কোনটি?



(季) 4.5 c.m.

(ঘ) 9.5 c.m.

উত্তর: ক

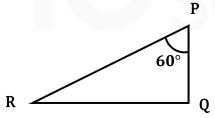
ব্যাখ্যা: PQR সমকোণী ত্রিভুজে,  $sin \angle PRQ = \frac{PQ}{PR} \ [ \because sin \theta = \frac{m \pi}{\Box \Box \Box \Box \Box}$ 

বা, 
$$sin30^\circ = \frac{h}{9}$$

বা, 
$$h = sin 30^{\circ} \times 9$$

বা, h = 
$$\frac{1}{2}$$
 × 9

**3**0 I



চিত্রে QR =? c.m.

(ক) 1

উত্তর: গ

ব্যাখ্যা:  $tanP = \frac{QR}{PQ} \left[ \because tan\theta = \frac{\overline{\sigma} \overline{\gamma}}{\overline{\gamma} \overline{\lambda}} \right]$ 

বা, 
$$tan60^{\circ} = \frac{QR}{1}$$

বা, 
$$\sqrt{3} \times 1 = QR$$

বা, QR = 
$$\sqrt{3}$$



১১।  $\cos\frac{\pi}{4}\sin\frac{\pi}{4}\,\tan\frac{\pi}{4}$  এর মান কত?

$$(\overline{\diamond}) \frac{1}{\sqrt{2}} \qquad (\overline{\lor}) \frac{1}{2}$$

(খ) 
$$\frac{1}{2}$$

উত্তর: খ

ব্যাখা:  $cos\frac{\pi}{4}sin\frac{\pi}{4}tan\frac{\pi}{4}$ 

 $= cos45^{\circ}sin45^{\circ}tan45^{\circ}$ 

$$=\frac{1}{\sqrt{2}}.\frac{1}{\sqrt{2}}.1$$

$$=\frac{1}{2}$$

১২। A = 60° cos2A এর মান কত?

$$(\overline{\Phi}) - \frac{1}{3} \qquad (\overline{\forall}) \sqrt{3}$$

(গ) 
$$\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$(\sqrt[3]{2})^{\frac{1}{2}}$$

উত্তর: ক

ব্যাখা: A = 60°

$$\therefore \cos 2A = \cos(2 \times 60^{\circ})$$

$$= \cos(120^\circ)$$

$$= \cos(90^{\circ} + 30^{\circ})$$

$$= -\frac{1}{2}$$

১৩।  $sin\theta + cos\theta = 1$  হলে,  $sin\theta . cos\theta = ?$ 

$$(\mathfrak{N})\frac{1}{2}$$

উত্তর: ক

ব্যাখ্যা:  $sin\theta + cos\theta = 1$  হলে,  $sin\theta \cdot cos\theta = ?$ 

বা, 
$$(sin\theta + cos\theta)^2 = 1^2$$

বা, 
$$(sin\theta)^2 + 2 \cdot sin\theta \cdot cos\theta + (cos\theta)^2 = 1$$

বা, 
$$sin^2\theta + cos^2\theta + 2. sin\theta.cos\theta = 1$$

বা, 
$$1 + 2sin\theta \cdot cos\theta = 1$$

বা, 
$$sin\theta$$
.  $cos\theta = \frac{(1-1)}{2}$ 

বা, 
$$sin\theta$$
.  $cos\theta = 0$ 





$$$8 \cdot \sin^2 37^\circ + \cos^2 37^\circ = ?$$

(ক) 5

উত্তর: ঘ

ব্যাখ্যা: আমরা জানি,

$$sin^2\theta + cos^2\theta = 1$$

 $\theta$  এর মান সমান হলে  $\sin^2 \theta + \cos^2 \theta$  এর সমষ্টি 1

$$\therefore \sin^2 37^\circ + \cos^2 37^\circ = 1$$

- i. cosecθ ও cotθ এর মান অসংজ্ঞায়িত।
- ii. প্রান্তীয় বাহু ও আদিবাহু একই রশ্মি।
- iii. secθ ও tanθ এর মান অসংজ্ঞায়িত।

নিচের কোনটি সঠিক?

(ক) i, ii

ব্যাখ্যা:  $\theta = 0^{\circ}$  হলে,

$$cosec0^{\circ} = \frac{1}{sin0^{\circ}}$$

$$=\frac{1}{0}$$
 = অসংজ্ঞায়িত।

$$cot0^{\circ} = \frac{1}{tan0^{\circ}}$$

$$=\frac{1}{0}$$
 = অসংজ্ঞায়িত।

$$sec0^{\circ} = \frac{1}{cos0^{\circ}}$$

$$=\frac{1}{1}$$
 = যা সংজ্ঞায়িত।

$$tan0^{\circ} = \frac{sin0^{\circ}}{cos0^{\circ}}$$

$$=\frac{0}{1}$$
 = যা সংজ্ঞায়িত।

 $heta=0^\circ$  কোণের ক্ষেত্রে প্রান্তীয় ও আদি বাহু একই রশ্মি ধরা হয়।





১৬। ত্রিকোণমিতিক অনুপাতের ক্ষেত্রে;

i. 
$$\sin 60^\circ = \frac{1}{\cos 60^\circ}$$

ii. 
$$\tan 45^\circ = \frac{1}{\sin 90^\circ}$$

iii. 
$$\cos c30^{\circ} = \frac{1}{\cos 60^{\circ}}$$

নিচের কোনটি সঠিক?

উত্তর: খ

ব্যাখ্যা: (i) নং সত্য নয়,  $sin60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$ 

বা, 
$$\frac{1}{\cos 60^{\circ}} = \frac{1}{\frac{1}{2}}$$

(ii) নং সত্য কারণ,  $tan45^\circ = 1$ 

$$\boxed{1}, \frac{1}{\sin 90^{\circ}} = \frac{1}{1}$$

$$= \boxed{1}$$

(iii) নং সত্য কারণ, 
$$cosec30^\circ = \frac{1}{sin60^\circ}$$

$$=\frac{2}{\sqrt{3}}$$

$$\sqrt[4]{\frac{1}{\cos 60^{\circ}}} = \frac{1}{\frac{1}{2}}$$
$$= 2$$

১৭। তথ্যগুলো লক্ষ্য কর:

i. 
$$sec(90^{\circ} - \theta) = cosec\theta$$

iii. 
$$tan0^{\circ} = 0$$

নিচের কোনটি সঠিক?

উত্তর: ঘ



## ব্যাখ্যা: চতুর্ভাগ অনুযায়ী পরিবর্তন

 $(i) \sec(90^\circ - \theta) = \csc \theta$  কারণ, অনুপাতগুলো পরিবর্তিত হয়।

 $sin\theta \leftrightarrows cos\theta$ 

 $sec\theta \leftrightharpoons cosec\theta$ 

 $tan\theta = cot\theta$  অনুসারে ৷

(ii) নং সত্য। কারণ, 
$$sin30^{\circ} = cos60^{\circ} = \frac{1}{2}$$

$$sin45^{\circ} = cos45^{\circ} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$sin90^{\circ} = cos0^{\circ} = 1$$
;

(iii) 
$$tan0^{\circ} = 0$$

## ১৮। তথ্যগুলো লক্ষ্য কর:

i. 
$$\sin^2 A + \sin A = 1$$
 হলে  $\sin A - \cos^2 A = 0$ 

ii. 
$$\sin A = \frac{1}{3}$$
 হলে,  $\sin A + \csc A = \frac{8}{3}$ 

iii. secθ এর মান 1 অপেক্ষা বৃহত্তর হতে পারে।

নিচের কোনটি সঠিক?

উত্তর: গ

ব্যাখা: (i) দেয়া আছে,

$$sin^2A + sinA = 1$$

বা, 
$$sin A = 1 - sin^2 A$$

বা, 
$$sin A = cos^2 A$$

বা, 
$$sin A - cos^2 A = 0$$

(ii) 
$$sinA = \frac{1}{3}$$
 হলে,  $sinA + cosecA = \frac{1}{3} + 3$ 

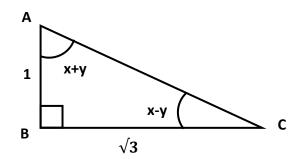
$$= \frac{9+1}{3} = \frac{10}{3}$$

(iii) 
$$sec\theta = \frac{অতিভুজ}{ভূমি}$$

এখানে, সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজই বৃহত্তম বাহু। তাই উক্ত ভগ্নাংশে সবসময় লব > হর হবে। সুতরাং, ভগ্নাংশটি । অপেক্ষা বড় হবে।



১৯।



AC = ?

(ক) 0

(খ) 1

(গ) √2

(ঘ) 2

উত্তর: ঘ

ব্যাখ্যা: পিথাগোরাসের উপপাদ্য মতে,

$$AC^2 = AB^2 + BC^2$$

বা, 
$$AC = \sqrt{1^2 + (\sqrt{3})^2}$$

$$= \sqrt{1+3}$$

$$= \sqrt{4}$$

$$= 2$$

২০। x এর মান কত?

(ক) 0°

(খ) 15°

(গ) 30°

(ঘ) 45°

উত্তর: ঘ

ব্যাখ্যা:  $sinA = \frac{\sqrt{3}}{2}$ 

বা, 
$$\sin(x+y) = \sin 60^\circ$$

বা, 
$$x + y = 60^{\circ}$$
 ......(i)

আবার,

$$sinC = \frac{1}{2}$$

বা, 
$$\sin(x - y) = \sin 30^\circ$$

বা, 
$$x - y = 30^{\circ}$$
 ...... (ii)

$$(i)$$
 ও  $(ii)$  যোগ করে পাই,  $2x = 90^{\circ}$ 





**₹\$** | sin∠DAC =?

$$(\overline{\Phi}) \frac{1}{\sqrt{2}}$$

(খ) 
$$\frac{1}{2}$$

$$(\mathfrak{N})\frac{\sqrt{3}}{2}$$

উত্তর: খ

ব্যাখা: △ABC এর ক্ষেত্রে,

$$\Delta ABC = \angle BAD + \angle DAC$$
$$= 90^{\circ}$$

 $\triangle ABD$  এর ক্ষেত্রে,

$$\angle ABD + \angle BAD + \angle ADB = 180^{\circ}$$

বা, 
$$30^{\circ} + ∠BAD + 90^{\circ} = 180^{\circ}$$

বা, 
$$\angle BAD = 180^{\circ} - 120^{\circ}$$

বা, 
$$\angle BAD = 60^{\circ}$$

$$\therefore \angle DAC = 30^{\circ}$$

$$\therefore sin \angle DAC = sin 30^{\circ}$$

$$=\frac{1}{2}$$

 $22 \cdot AC = ?$ 

(খ) 
$$\frac{16}{\sqrt{2}}$$

$$(\mathfrak{N}) \frac{8}{\sqrt{3}}$$

উত্তর: গ

ব্যাখ্যা: ΔABC এ 30° কোণের জন্য লম্ব = AC

$$\therefore tan30^{\circ} = \frac{AC}{AB} \left[\because tan\theta = \frac{\text{লম্ব}}{\overline{9}}\right]$$

বা, 
$$AC = AB \ tan30^{\circ}$$

বা, AC = 
$$8 \times \frac{1}{\sqrt{3}}$$

$$=\frac{8}{\sqrt{3}}$$

২৩। 
$$\frac{\tan^2\theta+1}{\sin^2\theta-1}$$
 এর মান নিচের কোনটি?

$$(\overline{\Phi}) \frac{-35}{8}$$

$$(\Phi) \frac{-35}{8}$$
 (약)  $-2.44$ 

উত্তর: গ





ব্যাখা: চিত্ৰ হতে,

$$tan\theta = \frac{PQ}{QR}$$

$$=\frac{3}{4}\left[\because tan\theta = \frac{\overline{\sigma}}{\overline{\varphi}}\right]$$

$$sin\theta = \frac{PQ}{PR}$$

$$=\frac{3}{5}$$
 [ $\because \sin\theta = \frac{$ লম্ব}{অতিভূজ]

$$\therefore \frac{\tan^2 \theta + 1}{\sin^2 \theta - 1} = \frac{\frac{9}{16} + 1}{\frac{9}{25} - 1}$$

$$=\frac{\frac{9+16}{16}}{\frac{9-25}{25}}$$

$$=\frac{\frac{25}{16}}{\frac{-16}{25}}$$

$$=\frac{25}{16}\times\frac{25}{-16}$$

$$= -2.44$$

 $cosecA - cot = \frac{4}{3}$ 

 $8 \cdot cosecA + cotA = ?$ 

$$(\bar{\Phi}) - \frac{1}{4}$$

(켁) 
$$-\frac{3}{4}$$

$$(\mathfrak{P})^{\frac{1}{4}}$$

(되) 
$$\frac{3}{4}$$

উত্তর: ঘ

বাখা:  $cosec^2A + cot^2A = 1$ 

বা, (cosecA + cotA)(cosecA - cotA) = 1

বা, (cosecA + cotA).  $\frac{4}{3} = 1$ 

বা,  $(cosecA + cotA) = \frac{3}{4}$ 





 $< c \cdot cosecA = ?$ 

$$(\overline{\Phi}) \frac{23}{24}$$

(খ) 
$$\frac{25}{24}$$

(গ) 
$$\frac{27}{24}$$

(ঘ) 
$$\frac{29}{24}$$

উত্তর: খ

ব্যাখা: 
$$cosecA + cotA = \frac{3}{4}$$

$$cosecA - cotA = \frac{4}{3}$$

$$(+)$$
 করে  $2cosecA = \frac{3}{4} + \frac{4}{3}$ 

বা, 
$$2cosecA = \frac{9+16}{12}$$

বা, 
$$2cosecA = \frac{25}{12}$$

বা, 
$$cosecA = \frac{25}{12 \times 2}$$

$$=\frac{25}{24}$$